doi:10.11835/j.issn.1000-582X.2020.05.010

# 基于有限元法的现浇箱梁偏心增大系数计算

## 常 诚

(山西省交通规划勘察设计院有限公司,太原 030006)

摘要:根据公路桥梁相关规范,通过有限元计算软件二次开发,运用实体单元有限元法对6000 余座混凝土现浇箱梁的偏心增大系数进行计算。结果表明:车道数相同时,箱梁宽跨比越大,偏心 增大系数越大,反之越小。初步确定简支箱梁的偏心增大系数在1.15~1.5之间。建立了可用于精 确求解简支梁偏心增大系数的计算公式。计算连续梁偏心增大系数时,可根据简支梁公式求出各 跨的偏心增大系数,并进行修正及取最大值。连续梁修正系数可根据经验在1.05~1.1之间确定, 当箱梁较宽、总跨径较小、计算跨距离梁端较远时,宜选择较大的修正系数,反之选择较小值。提出 了一种批量建立箱梁有限元实体单元模型、计算和分析数据的方法,可快速准确地研究其受力性 能,实现高效便捷地精细化设计。

关键词:简支箱梁;连续箱梁;偏心增大系数;实体有限元;修正系数 中图分类号:U448.21+6 文献标志码:A 文章编号:1000-582X(2020)05-084-09

## Study on eccentric-loaded coefficients of cast-in-place box girder by solid FEM

#### CHANG Cheng

(Shanxi Traffic Layout, Reconnaissance and Design Institute, Taiyuan 030006, P. R. China)

**Abstract**: The eccentric-loaded coefficients of more than 6 000 concrete cast-in-place box girders were analyzed by the secondary development of FEM software based on solid FEM, according to the relevant code of road and bridge. The results showed that the coefficient of eccentricity increased with the increase of the width-span ratio if the number of lanes was the same. It was found that the appropriate coefficient of a simply supported box girder could be taken from 1.15 to 1.5 and a formula was thus obtained to calculate the coefficient accurately. For the continuous box girder, the coefficient of each span could be solved by the above-mentioned formula, and revised according to the revised factor, with the maximum value taken as the coefficient of the bridge. The revised factor for the continuous box girder could be taken from 1.05 to 1.1. A larger correction coefficient was appropriate to select once the width-span ratio value was large or the span was far from the end of the beam, while a smaller one should be chosen on the contrary. In conclusion, this paper presented a batch method for establishing the solid FEM box girder model as well as its calculation and analysis processes. The method would be helpful in the study of the mechanical properties of the box girder, thus achieving a detailed and efficient design of it.

**Keywords:** supported box girder; continuous box girder; eccentric-loaded coefficients; solid finite element method; compensation factor

收稿日期:2019-11-01

基金项目:山西省交通厅科技项目(2016-1-17)。

Supported by the Study on Load Transverse Distribution Coefficients of Wide Box Girder by Modal Analysis Method(2016-1-17).

作者简介:常诚(1984—),男,高级工程师,硕士,研究方向为桥梁工程设计,(E-mail)94583197@qq.com。

混凝土现浇箱梁桥变形小、抗扭刚度大,具有良好的整体性能和较大的跨越能力,在桥梁工程中得到广 泛的应用。当汽车偏心荷载作用于现浇箱梁时,偏于作用力一侧的截面由于约束扭转、畸变和翘曲等效应, 引起应力增大,这种应力的增大系数称为箱梁的偏心增大系数。在使用单梁杆系进行现浇箱梁设计时,无法 直接计算汽车荷载的偏载效应,通过偏心增大系数来修正平面杆系计算的应力值,包络空间分析得到的应力 计算结果。研究人员通过经典力学等简化计算方法,建议设计过程中偏心增大系数直接取值为1.15。近年 来,随着中国交通建设的发展和交通量的需求增大,箱梁横向宽度设计得越来越大,对于这种大宽跨比箱梁, 偏心增大系数取1.15可能偏小,不能准确地体现汽车荷载作用下的箱梁截面应力,桥梁结构安全得不到有力 保障。选择合理准确的偏心增大系数,对桥梁结构计算和安全影响至关重要。

《公路钢筋混凝土及预应力混凝土桥涵设计规范》<sup>[1]</sup>提出了偏心增大系数的精细化设计要求:为了对梁 单元有限元计算模型进行简化设计,要对偏心增大系数进行认真分析,可以建立混凝土空间实体单元的全桥 精细化有限元模型,分析整体结构全截面设计荷载偏心增大系数。对此研究人员进行了大量研究,取得了较 多成果。文献[2]结合杭州某工程实例,发现实体有限元法更能真实反映结构的实际受力状态,适用性更广。 宽箱梁的偏载效应明显,采用传统的经验值是偏不安全的,有必要进行详细的分析计算。文献[3]建立实体 单元空间有限元模型,将全桥关键截面各个位置点的正应力增大系数计算值与已有方法所得值进行对比,探 讨了该方法的可行性。文献[4]结合一座预应力变截面连续梁桥的运营期安全监测和多座新建桥梁的荷载 试验,详细介绍了通过有限元法和静载试验确定偏载系数的方法,分析了箱梁在偏载作用下的偏载增大系 数。文献[5]探讨了变截面连续梁偏载系数沿跨度的分布规律,提出了实用的偏载系数取值建议。文献 [6-10]计算了一些非常规箱梁的偏心增大系数,在实际设计中应引起充分重视。现有研究主要针对了相关 理论研究和部分实例计算,难以直接指导工程设计。文中对有限元计算软件进行二次开发,批量建立简支和 连续箱梁的有限元实体单元精细化模型,计算偏心增大系数并拟合公式,指导工程设计实践。

## 1 简支箱梁计算

#### 1.1 计算内容

笔者前期研究成果表明<sup>[11]</sup>:对于简支箱梁偏心增大系数,宽度和跨径对其影响很大;是否设置箱梁顶底 板加厚和腹板加宽,影响也较大;其余参数如约束、箱室个数、顶底板厚度、腹板宽度、梁高、截面倒角等影响 较小。基于文中拟建立不同参数的箱梁有限元实体单元模型进行计算分析。

1.1.1 箱梁跨径与宽度

该参数对箱梁偏心增大系数影响较大,应进行详细计算。根据《公路桥涵设计通用规范》(JTG D60—2015)<sup>[12]</sup>,设计车道数大于八车道时,不再对横向车道布载系数做规定;通过计算,设计车道数小于三车道时,传统的偏心增大系数1.15基本满足要求。因此,仅对三车道至八车道内的箱梁进行计算,即箱梁宽度变化范围确定为11.6~32.4 m,步长 0.1 m。计算结果表明:跨径大于 42 m 时,传统的偏心增大系数1.15 满足要求。因此,选定跨径计算范围为16~42 m,步长为1 m。

1.1.2 箱梁其余构造尺寸

是否设置箱梁顶底板加厚和腹板加宽,对偏心增大系数影响较大,计算建模时应对加厚加宽段精确建模;其余参数影响较小,根据工程设计经验取值即可。

1.1.3 荷载布置

计算仅考虑汽车车道荷载,按对称和最不利偏心 2 种工况加载。横向加载时,第 1 种工况考虑文献[12] 规定的车道数、车道荷载横向布置内外间距等因素,将荷载对称布置于桥面上;第 2 种工况在车道荷载满足 距桥边的最小允许距离的情况下,将荷载尽可能靠近桥面边缘偏心布置。纵向加载时,2 种工况均根据单梁 模型计算截面的最大内力影响线,分别加载文献[12]规定的集中荷载和均布荷载。以六车道汽车荷载布置 为例,2 种工况荷载横向布置如图 1 和图 2 所示。



图 1 六车道汽车荷载对称加载时横向布置

Fig. 1 Transverse arrangement of symmetrical 6-lane vehicle load



图 2 六车道汽车荷载偏心加载时横向布置

Fig. 2 Transverse arrangement of asymmetrical 6-lane vehicle load

综上所述,文中根据宽度与跨径的选择范围,结合工程设计经验取值,对5643座简支直线箱梁进行建模 计算,并以计算结果作为数据样本,进行规律探索与公式拟合。

#### 1.2 计算流程

编写程序,生成批量计算简支箱梁的偏心增大系数的命令流,导入有限元软件计算。单座箱梁计算流程 如图 3 和图 4 所示。计算过程中发现,当箱梁的计算车道数越大时,横向分布调整系数不一定越大。但设计 过程中通常采用设计车道的偏心增大系数,计算其横向分布调整系数用于整体结构全截面设计,因此,在保 证横向分布调整系数不变的情况下,将其转化为设计车道的偏心增大系数,以方便设计人员直接使用。



图 3 箱梁偏心增大系数计算流程图

Fig. 3 The calculating process about the eccentric-loaded coefficients of box girders



注:图中偏心增大系数=偏载最大应力/对称加载最大应力;横向分布调整系数=偏心增大系数×车道数× 横向车道布载系数。L/2 截面表示跨中截面,L/4 截面表示 1/4 跨截面。

图 4 每个加载工况下的箱梁横向分布调整系数计算流程图

Fig. 4 The calculating process about the transverse distribution adjustment coefficients of box girders under each load case

第 43 卷

#### 1.3 计算结果与分析

对上述 5 643 座简支箱梁进行计算,求解偏心增大系数,常见跨径(16 m、20 m、25 m、30 m、35 m 和 40 m)对应不同宽度的计算结果如图 5 所示。







由图 5 可知:箱梁跨径相同条件下,设计车道增大(对应箱梁宽度为 15 m、18.5 m、22 m、25.5 m 和 29 m 等)时,偏心增大系数急剧减小;车道数相同时,偏心增大系数随箱梁宽度增大而增大;箱梁宽度相同时,偏心 增大系数随着跨径增大而减小;箱梁跨径较小时,偏心增大系数变化较为急剧,反之较为平缓。对 5 643 组计 算结果进行分析,可以初步确认箱梁偏心增大系数取值在 1.15~1.5 之间。取计算值上浮至 0.05 的整数倍, 作为偏心增大系数建议值。在不同跨径范围内,简支箱梁的偏心增大系数建议值,在计算样本中所占百分比 如表 1 所示。

表 1 不回跨 侄 氾 固 闪,间 文 相 采 的 悔 心 谓 天 杀 敛 建 议 值 所 占 日 分 比
Table 1         The Percentage of recommended eccentric-loaded coefficients of
simply supported box girders within different span range

伯心摘十至粉					
価心培入杀奴 —	$L{<}20~{\rm m}$	20 m≪L<25 m	25 m≪L<30 m	<i>L</i> ≥30 m	
1.15	0.57	1.46	7.28	40.53	
1.2	1.36	4.91	19.29	36.25	
1.25	6.59	13.01	31.48	17.95	
1.3	10.11	22.02	27.12	5.00	
1.35	16.02	25.48	14.01	0.27	
1.4	21.59	24.48	0.82	_	
1.45	30.45	8.37	_	_	
1.5	12.48	0.27	_	_	
1.55	0.82	_	—	—	
合计	100	100	100	100	
样本数量—个	836	1 045	1 045	2 717	

%

## 1.4 公式拟合

对 5 643 组原始数据进行公式拟合,建立简支箱梁的偏心增大系数 μ 计算公式:

$$\mu = \alpha \left(\frac{B-18}{L}\right)^4 + \beta \left(\frac{B-18}{L}\right)^2 + \gamma \left(\frac{B-b_0}{L}\right) + \kappa, \qquad (1)$$

式中: $\mu$ 为偏心增大系数;B为箱梁全宽;L为箱梁跨径;计算公式中各参数取值和拟合公式的相关系数R, 如表 2 所示。

表 2 简支箱梁偏心增大系数计算公式参数取值和公式相关系数

### Table 2 The parameters of mathematical formula describing eccentric-loaded coefficients of

simply supported box girder and its correlation coefficient

设计左送			公式参数利	叩相关系数		
反打干坦	α	β	γ	κ	$b_{0}$	R
三车道	13.771	-5.828	-0.627	0.814	36.723	0.957
四车道	156.816	-5.301	0.898	0.923	7.450	0.963
五车道	-81.400	9.038	-0.206	0.968	46.911	0.961
六车道	-5.680	0.383	1.173	0.904	15.475	0.981
七车道	0.028	-0.964	1.506	0.851	17.375	0.968
八车道	-0.181	-0.518	1.436	0.823	19.293	0.982

拟合公式中相关系数 R 值均大于 0.95,满足精度要求。

## 2 连续箱梁计算

## 2.1 连续梁偏心增大系数计算

建立不同跨径和宽度的连续梁有限元实体单元精细化模型(如图 6~图 7 所示),进行车道荷载加载。与 简支箱梁的加载方式相同,纵向根据单梁计算的内力影响线加载,横向进行对称和偏心最不利加载,并计算 全桥各计算截面的偏心增大系数。连续箱梁跨径组合分别为 30 m+30 m+30 m、18 m+30 m+18 m、30 m+ 18 m+30 m、30 m+42 m+30 m、42 m+30 m+42 m,箱梁宽度分别为 17.5 m、24.5 m 和 31.4 m,计算结果 如图 8~图 10 所示。



图 6 单箱双室三跨连续梁有限元实体单元模型 Fig. 6 The FEM models of three span continuous beam with single box double room



「 半相及至二時建築朱又魚和時中处,有限九头体半九侯室 Fig. 7 The FEM models in the fulcrum area and mid-span of three span continuous beam with single box double room







图 9 箱梁宽度 24.5 m时,不同跨径组合的 1/2 箱梁六车道偏心增大系数 Fig. 9 The 6-Lanes eccentric-loaded coefficients of 1/2 box girder with different span combinations while the width is 24.5 m





分析图 8~图 10 可以发现:对于连续箱梁,边跨 L/4 之前、边跨 3L/4 处和中跨 L/4 处的偏心增大系数 较大,但这些截面的拉应力较小,确定全桥偏心增大系数时可不参考。应选取拉应力和偏心增大系数均较大 截面处的对应值,作为全桥偏心增大系数。连续梁中 30 m 跨的偏心增大系数如表 3 所示。

<b>広</b> 亿 4 人		箱梁宽度	
跨住组合 -	17.5 m	24.5 m	31.4 m
30 m 简支	1.23	1.25	1.28
30+30+30 边跨	1.28	1.29	1.35
30+18+30 边跨	1.30	1.32	1.37
30+42+30 边跨	1.27	1.29	1.32
30+30+30 中跨	1.32	1.34	1.40
18+30+18 中跨	1.35	1.38	1.44
42+30+42 中跨	1.30	1.32	1.35

表 3 连续梁中 30m 跨的偏心增大系数

 Table 3
 The eccentric-loaded coefficients of continuous box girder while the span is 30m

由表 3 可知:与同跨径简支梁相比,连续梁的偏心增大系数较大,修正系数(同跨径桥宽时连续梁和简支 梁偏心增大系数比值)在1.03~1.12之间;箱梁宽度越大,修正系数越大;跨径组合不同,箱梁同跨径的偏心 增大系数也不相同,中跨的偏心增大系数大于边跨;箱梁总跨径越小,偏心增大系数越大,反之越小。

#### 2.2 连续梁修正系数确定

T.LL. 4

建立不同跨径和宽度的连续箱梁精细化实体模型共1112座,计算全桥偏心放大系数,修正系数在计算 样本中所占百分比,如表4所示。

表 4 连续梁偏心增大系数的修正系数在样本中所占百分比

Table 4 The reference of eccentric-loaded coefficients compensation factors of continuous box grider						
修正系数	<1	1~1.05	1.05~1.1	<1.11		
样本中所占百分比/%	0.89	35.71	60.71	2.68		

根据表 4, 建议连续梁的修正系数取 1.05~1.1 之间。当箱梁较宽、总跨径较小、计算跨距离梁端较远时, 宜选择较大的修正系数, 反之选择较小值。

### 3 结 论

根据公路桥梁相关规范和有限元计算软件,对现浇箱梁的偏心增大系数进行了计算研究,得出以下 结论:

1)对于简支箱梁,车道数相同时,箱梁宽跨比越大,偏心增大系数越大,反之越小。简支箱梁的偏心增大 系数初步确定在 1.15~1.5 之间,可通过文中公式精确求解。

2)计算连续梁偏心增大系数时,根据各跨跨径和宽度,由文中拟合公式求出各跨的偏心增大系数,并进行修正取最大值。修正系数可根据经验在1.05~1.1之间确定,当箱梁较宽、总跨径较小、计算跨距离梁端较远时,宜选择较大的修正系数,反之选择较小值。

3)通过对有限元软件进行二次开发,建立现浇箱梁的精细化有限元实体模型、施加荷载并进行计算和数据处理,提出了一种快速批量研究现浇箱梁受力性能的方法。这种方法可高效便捷地计算偏心增大系数,研究剪力滞和恒载作用下箱梁应力的横向分布等,实现现浇箱梁的精细化设计。

#### 参考文献:

[1]中华人民共和国交通运输部.JTG 3362-2018 公路钢筋混凝土及预应力混凝土桥涵设计规范 [S].北京:人民交通出版 社,2018.

Ministry of Transport of the People's Republic of China. JTG 3362-2018 Specifications for Design of Highway Reinforced Concrete and Prestressed Concrete Bridges and Culverts[S].Beijing:China Communications Press, 2018. (in Chinese)

- [2]陈国强. 连续宽箱梁的偏载增大系数的讨论[J]. 公路交通科技, 2013, 30(7): 66-71.
   CHEN Guoqiang. Discussion on eccentric load enhancement coefficient of continuous wide box girder[J]. Journal of Highway and Transportation Research and Development, 2013, 30(7): 66-71.(in Chinese)
- [3]李旭,林晶,虞建成.连续宽箱梁桥活载正应力增大系数研究[J].苏州科技学院学报(工程技术版),2010,23(4): 35-39.

LI Xu, LIN Jing, YU Jiancheng. A study on amplificatory coefficient of normal stress of continuous wide-flange box girder bridge under live load[J]. Journal of Suzhou University of Science and Technology(Engineering and Technology), 2010, 23(4): 35-39.(in Chinese)

- [4] 陆军,张道光. 预应力混凝土变截面连续箱梁桥偏载系数研究[J]. 现代交通技术, 2011, 8(3): 23-25. LU Jun, ZHANG Daoguang. Research on eccentric loaded coefficients of variable cross-section continuous prestressed concrete box girder bridge[J]. Modern Transportation Technology, 2011, 8(3): 23-25.(in Chinese)
- [5]苏俭,刘钊,阮静. 连续梁桥的活载正应力偏载系数研究[J]. 世界桥梁, 2009, 37(4): 34-37.
   SU Jian, LIU Zhao, RUAN Jing. Study of eccentric load coefficient of live load normal stress of continuous beam bridge
   [J]. World Bridges, 2009, 37(4): 34-37. (in Chinese)
- [6] 刘保东,任红伟,李鹏飞,等. 波纹钢腹板组合箱梁偏心增大系数计算方法[J]. 公路交通科技,2012,29(3):80-85. LIU Baodong, REN Hongwei, LI Pengfei, et al. Calculation methods of eccentric magnified factor of concrete box girder with corrugated steel webs[J]. Journal of Highway and Transportation Research and Development, 2012, 29(3): 80-85.(in Chinese)
- [7] 袁波,李广慧. 特大跨波形钢腹板 PC 组合连续梁桥偏载系数研究[J]. 管理工程师, 2014, 19(5): 11-13. YUAN Bo, LI Guanghui. Study on eccentric-loaded coefficient of large-span composite PC continuous beam bridge with corrugated steel webs[J]. Management Engineer, 2014, 19(5): 11-13.(in Chinese)
- [8]沈炯伟,杨沈红.宽幅脊骨梁矮塔斜拉桥活载偏载效应[J].土木工程与管理学报,2012,29(2):108-112.
   SHEN Jiongwei, YANG Shenhong. Eccentric load effect of live load on the low pylon cable-stayed bridge with wide spine beam[J]. Journal of Civil Engineering and Management, 2012, 29(2): 108-112. (in Chinese)
- [9] Lei M, Zhou L Y, Li S Q, et al. Eccentric load coefficient of live load normal stress of continuous composite box-girder bridge with corrugated steel webs[J]. Procedia Earth and Planetary Science, 2012, 5: 335-340.

- [10] Yuze N, Junliang T, Suisheng L, et al. Study of eccentric load coefficient of pre-stressed concrete partial cable-stayed bridge with corrugated steel webs[J]. Advances in Engineering Research (AER), 132:224-230.
- [11] 常诚. 现浇箱梁横向分布调整系数的实体有限元计算研究[J]. 中外公路, 2018, 38(5): 102-105.
   CHANG Cheng. Study on solid finite element computation of load transverse distribution adjustment coefficients of castin-place box girder method[J]. Journal of China & Foreign Highway, 2018, 38(5): 102-105.(in Chinese)
- [12] 中华人民共和国交通运输部.JTG D60-2015 公路桥涵设计通用规范 [S].北京:人民交通出版社,2015.
   Ministry of Transport of the People's Republic of China. JTG D60-2015 General Specifications for Design of Highway Bridges and Culverts [S]. Beijing: China Communications Press, 2015. (in Chinese)

(编辑 陈移峰)

#### (上接第 83 页)

- [16] Patwari N, Ash J N, Kyperountas S, et al. Locating the nodes: cooperative localization in wireless sensor networks [J]. IEEE Signal Processing Magazine, 2005, 22(4):54-69.
- [17] 陈丽丽,于欣,窦峥. 采用椭球波脉冲的多波段超宽带性能研究[J]. 哈尔滨工程大学学报,2014(4):499-503. CHEN Lili, YU Xin, DOU Zheng. Research on the performance of the multiband impulse radio UWB communication system based on PSWF[J]. Journal of Harbin Engineering University, 2014 (4): 499-503. (in Chinese)
- [18] 翟双,钱志鸿,王雪,等. IR-UWB系统中基于归一化门限的 TOA 估计[J]. 北京邮电大学学报,2015,38(4):19-23.
   ZHAI Shuang, QIAN Zhihong, WANG Xue, et al. Toa estimation based on normalized threshold for IR-UWB systems
   [J]. Journal of Beijing University of Posts and Telecommunications, 2015, 38 (4): 19-23. (in Chinese)
- [19] 马永涛,侯振寰,姜启登,等. 基于超宽带信号到达时间的室内人员被动式定位算法及仿真[J]. 天津大学学报(自然科学 与工程技术版),2017,50(8):843-849.

MA Yongtao, HOU Zhenhuan, JIANG Qideng, et al. Device-free indoor person localization algorithm and simulation based on time of arrival for UWB signal[J]. Journal of Tianjin University(Science and Technology), 2017, 50 (8): 843-849. (in Chinese)

[20] 江胜华,刘晓春,孙伟贺,等. 基于智能磁性石块埋入的边坡深部变形失稳监测模型 [J]. 农业工程学报,2018,34(8): 156-161.

JIANG Shenghua, LIU Xiaochun, SUN Weihe, et al. Monitoring model of slope internal deformation and instability based on smart magnetic rock [J]. Transactions of the Chinese Society of Agricultural Engineering, 2018, 34(8): 156-161. (in Chinese)

(编辑 陈移峰)