网络优先数字出版时间:2017-11-27 **DOI:10.13657/j.cnki.gxkxyxb.20171127.001** 网络优先数字出版地址:http://kns.cnki.net/kcms/detail/45.1075.N.20171127.1015.002.html

# 微裂纹起裂扩展机理的晶体相场模拟\* Phase field crystal Simulation of Nucleation and Propagation of Micro-cracks

卢昱江<sup>1</sup>,孔令一<sup>1</sup>,邓芊芊<sup>1</sup>,黄礼琳<sup>1,2</sup>,罗志荣<sup>1,2</sup>,高英俊<sup>1\*\*</sup> LU Yujiang<sup>1</sup>,KONG Lingyi<sup>1</sup>,DENG Qianqian<sup>1</sup>,HUANG Lilin<sup>1,2</sup>, LUO Zhirong<sup>1,2</sup>,GAO Yingjun<sup>1</sup>

(1. 广西大学物理科学与工程技术学院, 广西高校新能源重点实验室, 广西南宁 530004; 2. 玉 林师范学院物理科学与工程技术学院, 广西玉林 537000)

(1. Guangxi Key Laboratory of Novel Energy Materials of College and University, College of Physics Science and Engineering, Guangxi University, Nanning, Guangxi, 530004, China;2. Institute of Physics Science and Engineering Technology, Yulin Normal University, Yulin, Guangxi, 537000, China)

摘要:【目的】研究初始晶向倾角为15°的样品分别在垂直和水平方向上,单轴拉应变作用下的纳观尺度裂口 发射位错与裂纹扩展行为,了解韧性裂纹的生长特征和扩展规律,揭示纳米级韧性裂纹扩展机理及其对材料 断裂的影响。【方法】采用晶体相场(PFC)方法观察15°晶向倾角下位错发射与裂纹扩展演化图及其对应的应 力曲线图。【结果】垂直和水平不同方向拉应变作用下裂纹扩展方向不同,但裂纹都是韧性断裂模式扩展;当 单轴拉应变作用达到临界值时,样品裂口开始发射滑移位错,随着外应力的增大,位错在滑移过程中留下一系 列空位,空位长大连通形成裂纹并与主裂口相连,裂纹随着位错运动而扩展。【结论】在韧性裂纹扩展中,位错 发射的运动对韧性裂纹扩展演化有重要影响。

关键词:单轴拉应变 微裂纹 位错发射 晶体相场

中图分类号:TG111.2 文献标识码:A 文章编号:1002-7378(2017)04-0240-06

Abstract: **[Objective]** The samples with 15° initial crystal orientations and crack propagation behavior of nano scale under uniaxial tensile strain are studied respectively in vertical and horizontal directions to understand the growth characteristics and propagation law of crack, and to reveal the mechanism of nano scale crack propagation and its effect on material fracture. **[Methods]** The phase field crystal (PFC) method are used to observe the dislocation e-mission, the crack propagation evolution and its corresponding stress curve of 15° crystal orientations under uniaxial tensile strain in the different direction. **[Results]** The cracks are both propagation of ductile fracture mode in vertical and horizontal directions under uniaxial tensile strain.

sile strain. When the uniaxial tensile strain reaches the critical value, the sample begins to emit slip dislocations, and as the external stress increases, in the process of slipping the dislocations leave a series of vacancies, which grow up and form cracks, and then connect to the main crack. The crack expands with the dislocation

收稿日期:2017-07-15

作者简介:卢昱江(1994—),男,硕士研究生,主要从事材料微 结构与模拟实验研究。

<sup>\*</sup>国家自然科学基金项目(51161003,51561031)和广西自然 科学基金重点项目(2012GXNSFDA053001)资助。

<sup>\* \*</sup> 通信作者:高英俊(1962—),男,教授,博士生导师,主要 从事材料纳微结构的设计与模拟试验研究,E-mail:gaoyj@ gxu.edu.cn。

movement. **[Conclusion]** In ductile crack propagation, the movement of dislocation emission has an important influence on the evolution of ductile crack propagation.

Key words: uniaxial tensile strain, micro-cracks, dislocation emission, phase field crystal

# 0 引言

【研究意义】断裂和高温力学性质变化是金属材 料在使用过程中遇到的重要实际问题,其中研究材 料断裂的宏观规律与微观结构之间的关系是金属物 理学的重要内容之一[1]。材料断裂不仅使构件完全 失效,还往往产生灾难性的后果。因此,前人很早就 发现断裂与材料微观结构有直接关系,并从不同的 角度广泛研究断裂问题。【前人研究进展】目前已经 有许多断裂模拟研究,其中既包括实验观测也有计 算模拟,如 Hosford 等<sup>[2]</sup>对铜的滑移线进行了观测, 张跃等[3]进行脆断微裂纹形核的原位观察,刘晓波 等<sup>[4]</sup>对铝裂纹扩展行为进行分子动力学模拟,Song 等<sup>[5]</sup>用相场法研究铁电体材料的裂纹尖端,Adelzadeh 等<sup>[6]</sup>研究裂纹与孔洞的相互作用和韧一脆断裂 转变等。相对于实验模拟,计算模拟不仅能还原试 验模拟现象,还便于观察实际实验中难以定格观察 的瞬时的实验现象,所以说计算模拟的发展对于断 裂模拟研究具有深远的实际意义。在这些模拟研究 方法中,包含了单尺度分子动力学模拟[7],还有较为 复杂的多尺度技术模拟。分子动力学模拟有一定局 限性,即空间尺度上它通常只能模拟纳米尺度范围 的原子、分子运动,而宏观过程一般发生在毫米、厘 米甚至更大空间尺度上;且时间尺度上只能模拟飞 原子、分子运动,而与宏观过程存在10°量级以上的 差异<sup>[8-9]</sup>。而相对于其它方法,Elder 等<sup>[10-12]</sup>基于密 度泛函理论,结合分子动力学和相场方法的优势提 出了晶体相场(PFC)方法模型。之后在此模型基础 上,高英俊等[13]研究韧性材料的微裂纹扩展与分 叉,Hirouchi等<sup>[14]</sup>在拉伸变形模拟中开发新的数值 技术等。【本研究切入点】晶体相场(PFC)方法<sup>[15-16]</sup> 作为目前最先进的计算模拟方法,相对于分子动力 学和传统相场方法而言,在结合材料微裂纹扩展和 宏观情况的研究中更适合用于微纳米尺度上的裂纹 扩展研究<sup>[17-19]</sup>。【拟解决的关键问题】应用 PFC 方 法研究 15°初始晶向倾角条件下<sup>[12]</sup>,不同方向单轴 拉伸应变作用的位错发射与裂纹扩展规律,揭示纳 米级韧性裂纹扩展机理和对材料断裂的影响。

# 1 PFC 模型与方法

#### 1.1 体系的能量密度函数

PFC模型是通过对原子密度场变量取极小值 得到的自由能密度函数。模型所构建的自由能函数 产生周期对称的原子密度状态,能自洽地耦合弹性 能、各向异性以及晶体学对称特性,还能反映原子空 间尺度和扩散时间尺度上的现象,揭示原子效应。 对于固态金属材料,原子的排列是有序的。因此,原 子的周期性排列特征需要相场变量反映出来;同时, 液相中的原子位置因为随时间随机变化,所以取时 间的平均值看作常量。为了满足这两个要求的相场 变量定义,我们用保守的原子密度场函数作为相场 变量,表达式<sup>[7]</sup>为

$$\rho(\vec{r}) = \rho_0 + \sum A_i e^{i\vec{G}\cdot\vec{r}}, \qquad (1)$$

其中,等号右边第1项反映的是均匀相(如液相)的 原子密度均匀分布,等号右边第2项和第3项反映 晶格原子的周期排列结构特征。此时系统无量纲的 自由能函数<sup>[7]</sup>可以写为

$$F = \int \left\{ \frac{\rho}{2} \left[ r + (1 + \nabla^2)^2 \right] \rho + \frac{\rho^4}{4} \right\} dV, \qquad (2)$$

式中,ρ为原子密度,∇<sup>2</sup>为拉普拉斯算符,γ表征系 统的温度参数。对二维体系的的极小自由能的二维 解作单模近似,可以得到公式(2)的一个稳定特解为

$$\rho = A \left[ \cos \left( qx \right) \cos \left( \frac{qy}{\sqrt{3}} \right) - \frac{1}{2} \cos \left( \frac{2qy}{\sqrt{3}} \right) \right] + \rho_0, \qquad (3)$$

式中,  $q = \frac{2\pi}{a}$ , 是在能量函数取极小值时所得;  $A = \frac{4}{5} \left( \rho_0 + \frac{1}{3} \sqrt{-15r - 36\rho_0} \right)$ ,反映晶相原子密度周期结构的振幅;  $\rho_0$  为平均密度。

## 1.2 演化动力学方程与数值化处理

联立液相、条状相和三角相的原子密度函数和 自由能公式,求解各相自由能的极小值,即可得到3 种对应的平衡相。在二维系统中,通过单模近似可 以获得平衡时各相的自由能密度,再利用自由能公 切线法确定相图(图1<sup>[11]</sup>)。



S,T,L 分别表示条状相,三角相,液相;(b)为(a)中虚 线框的放大图

S,T and L represent stripe phase, triangular phase and liquid phase, respectively; (b) is enlarged map of the dashed block in (a)

#### 图 1 PFC 模型的二维相图<sup>[11]</sup>

Fig. 1 2D phase diagram of PFC model<sup>[11]</sup>

采用保守场 Cahn-Hilliard 动力学方程<sup>[19-20]</sup>描述原子密度随时间的演化,该方程如下:

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} = \nabla^2 \frac{\delta F}{\delta \rho} + \zeta = \nabla^2 \left\{ \left[ r + (1 + \nabla^2)^2 \right] \rho + \rho^3 \right\} + \zeta, \tag{4}$$

其中, ζ 为高斯随机噪声, 具有零平均值。本研究不 需考虑 ζ 的作用。对公式(4)采用傅里叶转换方法, 将实空间的数据转换到傅里叶空间中求解, 再转换 到实空间, 最后通过 MATLAB 软件显示结果图像。 详细求解步骤, 见文献 [20]。

#### 1.3 施加应变的方法

在受到拉伸作用后,样品中所有格点的坐标位 置都会发生相应的变化。因此,可以通过格点的坐 标位置变换来反映应变的作用所引起的样品变形。 设变形前的样品中格点位置的坐标用(x,y)表示, 受拉伸作用引起变形后,格点位置的坐标用(x,y)表示。样品分别受y轴和x轴单方向拉伸作用 引起形变后,格点位置的坐标分别用(x,y),(x,y)表示。样品在y方向和x方向分别受到应变 $\varepsilon_y$ 和 $\varepsilon_x$ 的拉伸作用下,变形前后坐标变换关系为 $y_1$ =  $y/(1+\epsilon_y)$ 和  $x_1 = x/(1+\epsilon_x)$ ,其中应变  $\epsilon = \epsilon n \Delta t$ ,  $\epsilon$ 为无量纲的应变率, n为施加拉力应变的时间步数,  $\Delta t$ 为时间步长。详细步骤见文献[21]。模拟 中不涉及具体材料的物性参数,所用参数均已无量 纲化处理<sup>[11]</sup>,并将连续空间离散为四方格子,采用 周期性边界条件。计算区域尺寸为 1 024 \* 512 gp (gp 代表格子点数),空间步长设为  $dx = dy = \pi/3$ , 时间步长  $\Delta t = 0.05$ ,其它参数在下节中介绍。

#### 1.4 初始裂口设置

根据图 1 给出的相图,选取体系自由能密度函数的温度参数  $\gamma = -1.0$ ,原子密度参数为  $\rho_0 = 0.49$ (图 1 中的 A 点),位于液相与三角格子固相共存区。在样品的中心位置,挖出一个缺口作为初始缺陷的位置,缺口为 20 \* 10 gp 的长方形。缺口处的参数设为  $\gamma = -1.0$ ,  $\rho_0 = 0.79$ (图 1 中的 B 点),其正好处在液相与三角格子固相共存区附近的液相区。选取该点参数有利于三角晶相结构向发射位错结构转变。本研究模拟所用单晶样品的原子排列方向与 y 轴夹角  $\theta$  为 15°。为观察裂纹的萌生和扩展情况,对设置的含有裂口的样品施加拉应变作用。首先经过 50 000 步弛豫,得到含缺口的稳态样品,为原子排列方向与 y 轴夹角  $\theta$  为 0°的缺口尺寸为 20 \* 10 gp 的长方形(图 2,其放大区域给出实验的 坐标体系)。



图 2 初始样品 Fig. 2 Initial sample

## 2 结果与分析

## 2.1 单轴 y 方向拉伸的裂纹生长

经过 50 000 步弛豫后,初始样品自由能达到稳 定,即系统达到平衡(图 3a)。图 4 为样品在 y 方向 单轴拉伸作用下经过 500 000 步演化的位错发射情 况,其中 y 方向单轴拉伸经历的时间步数 t 分别为 350 000 步、375 000 步、425 000 步、500 000 步,对 应的应变值为  $\epsilon_y = 10.5\%$ 、11.25%、12.75%、 15%,对应步长的自由能曲线如图 3b 所示。

开始阶段,在y方向的拉伸作用下,在时间步数

达到 350 000 步前样品所受应力不断增大,但在裂口处由于原子密度不均匀,裂口处阻力大,导致裂口应力集中,所以在 350 000 步前系统应力呈递减式增长(图 3b~c);当时间步数达到 350 000 步,即应变 ε,达到 10.5%,系统应力达到临界值时,裂口向两边发射滑移位错,这是典型的局部塑性变形表现。由图 3c 可知,应力曲线呈振荡变化,曲线每两个相邻的峰谷差值反映了位错每滑移一个原子距离的驱动力,结合图 3c 与图 4d 可知,曲线峰谷间隔约为 32 峰谷值,与裂口左右两边位错几乎同时滑移约 32 个原子距离相对应。由图 4a 可见,距裂口约 2 个原子距离的左右两边各出现 1 个位错,左右两边位错矢量方向相反,其柏氏矢量与水平方向夹角为 15°,且此时没有出现与裂口相接的裂纹。随着 y 方向拉







(a)Free energy change curve over time;(b)the curves of stress and time;(c)the local stress and time curve

图 3 自由能-时间曲线与应力-时间曲线

Fig. 3 Free energy-time curve over time and stresstime curve 伸时间不断增大,裂口两边的位错沿着[211]和 [211]方向的原子排列方向继续滑移;位错在滑移 过程中沿滑移线诱发生成一系列孤立的空位,空位 发展成空洞,然后空洞长大连通,形成裂纹,即裂纹 随着位错运动方向而扩展运动,且此时裂纹边缘呈 不光滑形状(图 4c~d)。在空位前端,左边的刃型 位错滑移方向为向下左偏沿[211]方向,其柏氏矢 量与水平方向夹角为 15°;右边的刃型位错滑移方 向为向上右偏沿[211]方向,其柏氏矢量与水平方 向夹角为 15°(图 4b~d)。



(a)  $t = 350\ 000$ ; (b)  $t = 375\ 000$ ; (c)  $t = 425\ 000$ ; (d)  $t = 500\ 000$ 

图 4 y 方向单轴拉伸作用下样品的裂纹扩展演化

Fig. 4 y direction of the crack extension evolution of the sample under uniaxial tension

#### 2.2 单轴 x 方向拉伸的裂纹生长

图 5 为样品在 x 方向单轴拉伸作用下经过 500 000步演化的位错发射情况,其中 x 方向单轴拉 伸经 历 的 时 间 步 数 分 别 为 t = 400~000 步、 420 000 步、450 000 步、500 000 步,对应的应变值 为  $\varepsilon_x = 12\%$ 、12.6%、13.5%、15%,对应步数的自 由能曲线如图 3a 所示。与 y 方向单轴拉伸情况类 似(图 4),在 400 000 步前系统应力呈递减式增长; 当时间步长达到 400 000 步,即应变  $\varepsilon_x$  达到 12%, 系统应力达到临界值时,裂口发生应力集中,裂口向 上下两边发射滑移位错。距裂口约 2 个原子距离的 上下两边各出现 1 个位错,上下两边位错矢量方向 相反,柏氏矢量与 y 方向夹角为 15°,且此时没有出 现与裂口相接的裂纹(图 5a)。随着 x 方向拉伸时 间不断增大,裂口上下两边的位错继续滑移;位错在 滑移过程中沿滑移线诱发生成一系列孤立的空位, 空位发展成空洞,然后空洞长大连通,形成裂纹,即 裂纹随着位错运动方向而扩展运动,且此时裂纹边 缘呈不光滑形状 (图 5c~d)。在空位前端,裂口下 边的刃型位错移运动方向为向下与 y 轴反方向、

[211]方向夹角都为 30°, 其柏氏矢量与 y 轴反方向 夹角为 15°; 裂口上边的刃型位错运动方向为向上



(a)  $t = 400\ 000$ ; (b)  $t = 420\ 000$ ; (c)  $t = 450\ 000$ ; (d)  $t = 500\ 000$ 

图 5 x 方向单轴拉伸作用下样品的裂纹扩展演化

Fig. 5 x direction of the crack extension evolution of the sample under uniaxial tension

与 y 轴正方向、[211] 方向夹角都为 30°,其柏氏矢 量与 y 轴正方向夹角为 15°(图 5b~d)。与 y 方向 单轴拉伸情况类似同理,结合图 3c 与图 5d 可知, x 方向单轴拉伸下应力曲线峰谷差值约为 19,与裂口 左右两边位错几乎同时滑移约 19 个原子距离相对 应,应力曲线每两个相邻的峰谷差值反映了位错每 滑移一个原子距离的驱动力。

## 3 结论

晶向角为 15°的样品,在 x、y 方向单轴拉应变 作用下裂口起裂方向不同,并且都沿着拉应力方向 作韧性裂纹扩展;拉应力单轴拉伸方向不影响裂纹 韧脆扩展模式,但却影响韧性裂纹扩展方向。

裂纹作韧性裂纹扩展时,在裂尖前端发生位错 滑移运动,并且位错在沿着拉应力单轴拉伸的原子 排列方向的滑移轨道上诱发出一系列空位,空位发 展成空洞,然后空洞生长扩大并连通,形成裂纹,裂 纹随着位错运动方向扩展运动,此时裂纹边缘呈不 光滑形状,此为典型的韧性裂纹扩展模式。

#### 参考文献:

- [1] 张俊善. 材料强度学[M]. 哈尔滨:哈尔滨工业大学出版社,2004:83-110.
   ZHANG J S. Strength of materials[M]. Harbin: Harbin Institute of Technology Press,2004:83-110.
- [2] HOSFORD W F. Mechanical behavior of materials [M]. Cambridge, New York: Cambridge University Press, 2005.
- [3] 张跃,王燕斌,褚武扬,等. 脆断微裂纹形核的原位观察
  [J].科学通报,1994,39(2):117-119.
  ZHANG Y, WANG Y B, CHU W Y, et al. In-situ TEM observation of brittle microcrack nucleation[J].
  Chinese Science Bulletin,1994,39(2):117-119.
- [4] 刘晓波,徐庆军,刘剑. 铝裂纹扩展行为的分子动力学 模拟[J]. 中国有色金属学报,2014,24(6):1408-1413.
  LIU X B,XU Q J,LIU J. Molecular dynamics simulation of crack propagation behavior of aluminum[J].
  The Chinese Journal of Nonferrous Metals, 2014, 24 (6):1408-1413.
- [5] SONG Y C, SOH A K, NI Y. Phase field simulation of crack tip domain switching in ferroelectrics[J]. J Phys D Appl Phys, 2007, 40(4):1175-1182.
- [6] ADELZADEH M, SHODJA H M, RAFII-TABAR H. Computational modeling of the interaction of two edge cracks, and two edge cracks interacting with a nanovoid, via an atomistic finite element method[J]. Com-

putational Materials Science, 2008, 42(2):186-193.

- [7] RAPAPORT D C. The art of molecular dynamics simulation[M]. 2nd edition. Cambridge: Cambridge University Press, 2004.
- [8] 黄礼琳,叶里,胡绪志,等.不同晶向取向的裂纹扩展演 化模拟[J].广西科学,2016,23(5):454-458,469.
  HUANG L L,YE L,HU X Z,et al. Simulation study of crack propagation and evolution in different crystal orientations[J]. Guangxi Sciences, 2016,23(5):454-458,469.
- [9] CAO Z H, WANG L, HU K, et al. Microstructural evolution and its influence on creep and stress relaxation in nanocrystalline Ni[J]. Acta Mater, 2012, 60(19): 6742-6754.
- [10] ELDER K R,KATAKOWSKI M,HAATAJA M,et al. Modeling elasticity in crystal growth[J]. Physical Review Letters,2002,88(24):245701.
- [11] ELDER K R,GRANT M. Modeling elastic and plastic deformations in nonequilibrium processing using phase field crystals[J]. Physical Review E,2004,70(5 Pt 1):051605.
- BERRY J,GRANT M, ELDER K R. Diffusive atomistic dynamics of edge dislocations in two dimensions
   [J]. Physical Review E,2006,73(3 Pt 1):031909.
- [13] 高英俊,罗志荣,黄礼琳,等. 韧性材料的微裂纹扩展 和连通的晶体相场模拟[J]. 中国有色金属学报, 2013,23(7):1892-1899.
   GAOYJ,LUOZR,HUANGLL,et al. Phase-field-

crystal modeling for microcrack propagation and connecting of ductile materials[J]. The Chinese Journal of Nonferrous Metals,2013,23(7):1892-1899.

- [14] HIROUCHI T, TAKAKI T, TOMITA Y. Development of numerical scheme for phase field crystal deformation simulation [J]. Computational Materials Science, 2009, 44(4): 1192-1197.
- [15] 黄礼琳,华平,王玉玲,等.凸曲率衬底外延生长界面 演化的晶体相场模拟[J].广西科学,2014,21(3): 241-246.

HUANG L L, HUA P, WANG Y L, et al. Simulation of epitaxial growth interface on convex substrate using phase field crystal method[J]. Guangxi Sciences, 2014,21(3):241-246. [16] 温振川,宁岁婷,张睿,等. 纳米级缺口起裂临界条件的晶体相场模拟[J]. 广西科学,2016,23(5):448-453.
WEN Z C,NING S T, ZHANG R, et al. Phase-field-

crystal simulation of critical conditions for the crack initiation of nanoscale notch [J]. Guangxi Sciences 2016,23(5):448-453.

- [17] WANG H T, NIE A M, LIU J B, et al. In situ TEM study on crack propagation in nanoscale Au thin films
   [J]. Scripta Materialia, 2011, 65(5): 377-379.
- [18] 叶里,胡绪志,黄礼琳,等.拉应力作用下晶界位错运动过程的晶体相场模拟[J].广西科学,2016,23(5): 470-473,484.
  YE L,HU X Z,HUANG L L,et al. Phase-field-crystal simulation of grain boundary Dislo-cation motion

tal simulation of grain boundary Dislo-cation motion under tensile stress [J]. Guangxi Sciences, 2016, 23 (5):470-473,484.

[19] 高英俊,罗志荣,邓芊芊,等. 韧性材料的微裂纹扩展 与分叉的晶体相场模拟[J]. 计算物理,2014,31(4): 471-478.

GAO Y J,LUO Z R, DENG Q Q, et al. Phase-fieldcrystal modeling of microcrack propagation and branching in ductile materials[J]. Chinese Journal of Computational Physics, 2014, 31(4):471-478.

[20] 高英俊,卢成健,黄礼琳,等.晶界位错运动与位错反 应过程的晶体相场模拟[J].金属学报,2014,50(1): 110-120.

> GAO Y J, LU C J, HUANG L L, et al. Phase field crystal simulation of dislocation movement and reaction[J]. Acta Metallurgica Sinica, 2014, 50(1): 110-120.

[21] 高英俊,罗志荣,胡项英,等.相场方法模拟 AZ31 镁 合金的静态再结晶过程[J].金属学报,2010,46(10): 1161-1172.

GAO Y J,LUO Z R,HU X Y,et al. Phase field simulation of static recrystallization for AZ31 Mg alloy [J]. Acta Metallurgica Sinica, 2010, 46 (10): 1161-1172.

(责任编辑:陆 雁)